

Ротякова Светлана Николаевна

МОУ СОШ № 49, город Нижний Тагил ,Свердловская область

Учитель математики

1 квалификационная категория

Делителем натурального числа a называется натуральное число, на которое a делится без остатка.

Кратным натурального числа a называют натуральное число, которое делится без остатка на a .

Любое натуральное число имеет бесконечно много кратных.

Признаки делимости

Если запись натурального числа оканчивается цифрой 0, то это число делится без остатка на 10.

Если запись натурального числа оканчивается цифрой 0 или 5, то это число делится без остатка на 5.

Если запись натурального числа оканчивается чётной цифрой, то это число делится без остатка на 2.

Если сумма цифр числа делится на 9, то и число делится на 9.

Если сумма цифр числа делится на 3, то и число делится на 3.

Натуральное число называют *простым*, если оно имеет только два делителя: единицу и само это число.

Натуральное число называют *составным*, если оно имеет более двух делителей.

Наибольшее натуральное число, на которое делятся без остатка числа ***a*** и ***b***, называют *наибольшим общим делителем* этих чисел. $\text{НОД}(24;36)=12$

Натуральные числа называют взаимно простыми, если наибольший общий делитель равен 1.

Чтобы найти НОД нескольких натуральных чисел, надо:

- ✓ Разложить их на простые множители;
- ✓ Из множителей, входящих в разложение одного из этих чисел, вычеркнуть те, которые не входят в разложение других чисел;
- ✓ Найти произведение оставшихся множителей

Наименьшим общим кратным натуральных чисел ***a*** и ***b*** называют наименьшее натуральное число, которое кратно и ***a***, и ***b***.

Чтобы найти наименьшее общее кратное нескольких натуральных чисел, надо:

- ✓ Разложить их на простые множители;
- ✓ Выписать множители, входящие в разложение остальных чисел
- ✓ Добавить к ним недостающие множители из разложений остальных чисел
- ✓ Найти произведение получившихся множителей

$$\text{НОД}(24;36)=2\cdot2\cdot3=12$$

$$\text{НОК}(24;36)=2\cdot2\cdot2\cdot3\cdot3=72$$

24	2	36	2
12	2	18	2
6	2	9	3
3	3	3	3
1		1	

24	2	36	2
12	2	18	2
6	2	9	3
3	3	3	3
1		1	

с разными знаменателями

Чтобы *сравнить(сложить, вычесть)* дроби с разными знаменателями, надо:

- ✓ Привести данные дроби к наименьшему общему знаменателю;
- ✓ Сравнить (сложить, вычесть) полученные дроби
- ✓

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{5} = \frac{10}{15} + \frac{9}{15} = \frac{19}{15} = 1 \frac{4}{15}$$

$$\frac{2}{3} - \frac{3}{5} = \frac{10}{15} - \frac{9}{15} = \frac{1}{15}$$

Чтобы *сложить смешанные числа* , надо:

- ✓ Привести дробные части этих чисел к наименьшему общему знаменателю;
- ✓ Отдельно выполнить сложение целых частей и отдельно – дробных частей. Если при сложении дробных частей получилась неправильная дробь, выделить целую часть из этой дроби и прибавить её к полученной целой части
- ✓

$$5\frac{5}{6} + 3\frac{3}{4} = 5\frac{10}{12} + 3\frac{9}{12} = 8\frac{19}{12} = 9\frac{7}{12}$$

Чтобы выполнить *вычитание смешанных чисел*, надо:

- ✓ Привести дробные части этих чисел к наименьшему общему знаменателю; если дробная часть уменьшаемого меньше дробной части вычитаемого, превратить её в неправильную дробь, уменьшив на единицу целую часть;
- ✓ Отдельно выполнить вычитание целых частей и отдельно дробных частей

$$5\frac{7}{9} - 2\frac{1}{6} = 5\frac{14}{18} - 2\frac{3}{18} = 3\frac{11}{18}$$

обыкновенных дробей

Чтобы *умножить дробь на натуральное число*, надо её числитель умножить на это число, а знаменатель оставить без изменения.

$$\frac{4}{5} \cdot 3 = \frac{4 \cdot 3}{5} = \frac{12}{5} = 2 \frac{2}{5}$$

Чтобы *умножить дробь на дробь*, надо:

- ✓ Найти произведение числителей и знаменателей этих дробей;
- ✓ Первое произведение записать числителем, а второе – знаменателем.
- ✓

$$\frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{4 \cdot 2}{5 \cdot 3} = \frac{8}{15}$$

Для того чтобы выполнить *умножение смешанных чисел*, надо их записать в виде неправильных дробей, а затем воспользоваться правилом умножения дробей.

Чтобы *найти дробь от числа*, нужно умножить число на эту дробь.

Чтобы *умножить смешанное число на натуральное число*, можно:

- ✓ Умножить целую часть на натуральное число
- ✓ Умножить дробную часть на это натуральное число
- ✓ Сложить полученные результаты

Два числа, произведение которых равно 1, называют взаимно *обратными*.

Чтобы *разделить одну дробь на другую*, надо делимое умножить на число, обратное делителю.

$$2 \frac{2}{5} \div 1 \frac{1}{15} = \frac{12}{5} \div \frac{16}{15} = \frac{12}{5} \cdot \frac{15}{16} = \frac{12 \cdot 15}{5 \cdot 16} = \frac{3 \cdot 3}{4} = \frac{9}{4} = 2 \frac{1}{4}$$

Чтобы найти *число по данному значению его дроби*, надо это значение разделить на эту дробь.

Частное двух чисел или выражений, в котором знак деления обозначен чертой, называют *дробным выражением*.

Частное двух чисел называют *отношением* этих чисел.

Отношение показывает, во сколько раз первое число больше второго, или какую часть первое число составляет от второго.

Равенство двух отношений называют *пропорцией*.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad a \div b = c \div d$$

a и d - крайние члены пропорции, c и b - средние члены пропорции

В верной пропорции произведение крайних членов равно произведению средних.

$$a \cdot d = b \cdot c$$

Если произведение крайних членов пропорции равно произведению средних членов, то пропорция верна.

Чтобы найти неизвестный *крайний* член пропорции, надо произведение средних членов разделить на известный крайний член пропорции.

$$a = \frac{d \cdot b}{c}$$

Чтобы найти неизвестный *средний* член пропорции, надо произведение крайних членов пропорции разделить на известный средний член пропорции

$$d = \frac{a \cdot c}{b}$$

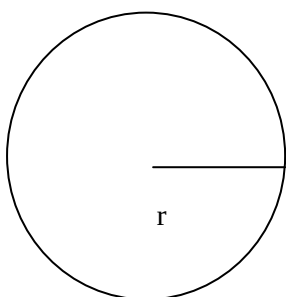
Две величины называют *прямо пропорциональными*, если при увеличении (уменьшении) одной из них в несколько раз другая увеличивается (уменьшается) во столько же раз.

Две величины называют *обратно пропорциональными*, если при увеличении (уменьшении) одной из них в несколько раз другая уменьшается (увеличивается) во столько же раз.

Отношение длины отрезка на карте к длине соответствующего отрезка на местности называют *масштабом карты*.

$$M = \frac{\text{длина отрезка на карте}}{\text{длина отрезка на местности}}$$

Длина окружности. Площадь круга.



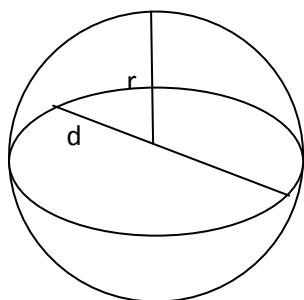
$$C = 2\pi r$$

$$S = \pi r^2$$

C – длина окружности, r – радиус окружности

S – площадь круга

Шар



r- радиус шара

d – диаметр шара

Положительные и отрицательные числа 6 кл.М.07

Числа со знаком $+$ называют *положительными*.

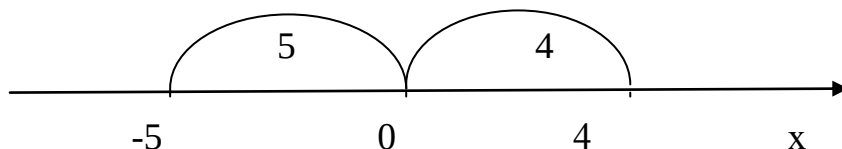
Числа со знаком $-$ называют *отрицательными*.

Два числа, отличающиеся друг от друга только знаками, называют *противоположными* числами.

Натуральные числа, противоположные им числа и нуль называют *целыми* числами.

Модуль числа

Модулем числа a называют расстояние (в единичных отрезках) от начала координат до точки $A(a)$.



$$|a| = \begin{cases} a, & \text{если } a \geq 0 \\ -a, & \text{если } a < 0 \end{cases}$$

$$|0| = 0$$

$$|4| = 4$$

$$|-5| = 5$$

положительных и отрицательных чисел

Чтобы сложить два отрицательных числа, надо:

- ✓ Сложить их модули;
- ✓ Поставить перед полученным числом знак - .

$$-8,7 + (-3,5) = - (8,7 + 3,5) = - 12,2$$

$$-2\frac{1}{4} + \left(-3\frac{1}{8}\right) = -\left(2\frac{1}{4} + 3\frac{1}{8}\right) = -\left(2\frac{2}{8} + 3\frac{1}{8}\right) = -5\frac{3}{8}$$

Чтобы сложить два числа с разными знаками, надо:

- ✓ Из большего модуля слагаемых вычесть меньший;
- ✓ Поставить перед полученным числом знак того слагаемого, модуль которого больше.

$$6,1 + (-4,2) = + (6,1 - 4,2) = 1,9$$

$$-8\frac{4}{5} + 2\frac{1}{3} = -\left(8\frac{4}{5} - 2\frac{1}{3}\right) = -\left(8\frac{12}{15} - 2\frac{5}{15}\right) = -6\frac{7}{15}$$

Чтобы из данного числа вычесть другое, надо к уменьшаемому прибавить число, противоположное вычитаемому: **$a-b=a+(-b)$**

$$18 - 14 = - 18 + (- 14) = - (18 + 14) = - 32$$

Чтобы найти длину отрезка на координатной прямой, надо из координаты его правого конца вычесть координату его левого конца.

положительных и отрицательных чисел

Чтобы *перемножить два числа с разными знаками*, надо перемножить модули этих чисел и поставить перед полученным числом знак $-$.

$$(-1,2) \cdot 0,3 = -(1,2 \cdot 0,3) = -0,36$$

$$1,2 \cdot (-0,3) = -(1,2 \cdot 0,3) = -0,36$$

Чтобы *перемножить два отрицательных числа*, надо перемножить их модули.

$$(-3,2) \cdot (-9) = |-3,2| \cdot |-9| = 3,2 \cdot 9 = 28,8$$

$$\text{Или } (-3,2) \cdot (-9) = 3,2 \cdot 9 = 28,8$$

Чтобы *разделить отрицательное число на отрицательное*, надо разделить модуль делимого на модуль делителя.

$$(-12) \div (-4) = |-12| \div |-4| = 3$$

$$\text{Или } (-12) \div (-4) = 12 \div 4 = 3$$

При делении чисел с разными знаками, надо:

- ✓ Разделить модуль делимого на модуль делителя;
- ✓ Поставить перед полученным числом знак $-$.

$$3,6 \div (-3) = -(3,6 \div 3) = -1,2$$

$$\left(-\frac{3}{8}\right) \div \frac{3}{4} = -\left(\frac{3}{8} \div \frac{3}{4}\right) = -\left(\frac{3}{8} \div \frac{3}{4}\right) = -\frac{1}{2}$$

Делить на нуль нельзя!

Число, которое можно записать в виде отношения $\frac{a}{n}$, где a - целое число, а n – натуральное число, называют *рациональным числом*.

Любое целое число a является рациональным числом, т.к. его можно записать в виде $\frac{a}{1}$.

$$-3 = \frac{-3}{1} \quad 2 = \frac{2}{1} \quad 0 = \frac{0}{1}$$

Сумма, разность и произведение рациональных чисел тоже рациональное число.

Если делитель отличен от нуля, то частное двух рациональных чисел тоже рациональное число.

Свойства действий с рациональными числами

- Переместительное свойство сложения

$$a + b = b + a$$

- Сочетательное свойство сложения

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$

- Прибавление нуля не изменяет числа

$$a + 0 = a$$

- Сумма противоположных чисел равна нулю

$$a + (-a) = 0$$

- Переместительное свойство умножения

$$ab = ba$$

- Сочетательное свойство умножения

$$a (b c) = (a b) c$$

- Распределительное свойство умножения относительно сложения

$$(a + b) c = ac + bc$$

- $a \cdot 1 = a$, $a \cdot \frac{1}{a} = 1$, если $a \neq 0$, $a \cdot 0 = 0$

Если перед скобками стоит знак $+$, то можно опустить скобки и этот знак $+$, сохранив знаки слагаемых, стоящих в скобках. Если первое слагаемое в скобках записано без знака, то его надо записать со знаком $+$.

$$a + (b + c) = a + b + c \qquad a + (-b + c) = a - b + c$$

Чтобы записать сумму, противоположную сумме нескольких слагаемых, надо изменить знаки данных слагаемых.

$$-(a + b) = -a - b$$

Чтобы раскрыть скобки, перед которыми стоит знак $-$, надо заменить этот знак на $+$, поменяв знаки всех слагаемых в скобках на противоположные. А потом раскрыть скобки.

Коэффициент

Если выражение является произведением числа и одной или нескольких букв, то это число называют числовым *коэффициентом* (или просто *коэффициентом*)

$$0,3a \cdot (-0,7b) = -0,21ab$$

Подобные слагаемые

Слагаемые, имеющие одинаковую буквенную часть, называют *подобными слагаемыми*.

Чтобы сложить (или говорят: привести) подобные слагаемые, надо сложить их коэффициенты и результат умножить на общую буквенную часть.

$$-9x + 7x - 5x + 2x = (-9 + 7 - 5 + 2)x = -5x$$

Решение уравнения

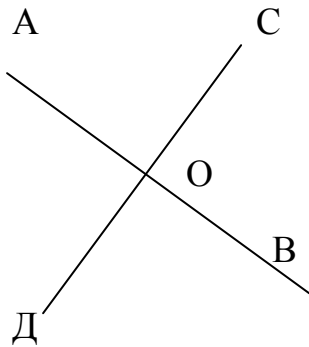
Корни уравнения не изменяются, если обе части уравнения умножить или разделить на одно и то же число, не равное нулю.

Корни уравнения не изменяются, если какое-нибудь слагаемое перенести из одной части уравнения в другую, изменив при этом знак.

Перпендикулярные прямые

6 кл.М.12

Две прямые, образующие при пересечении прямые углы, называются *перпендикулярными*.

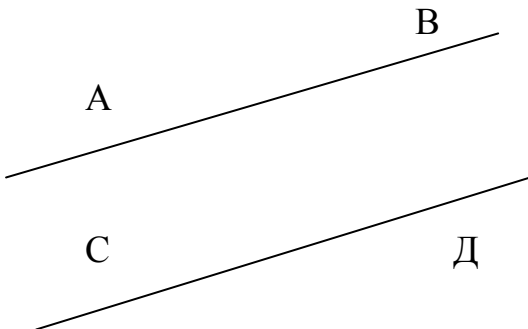


$$AB \perp CD$$

Отрезки или лучи, лежащие на перпендикулярных прямых, называют *перпендикулярными отрезками или лучами*.

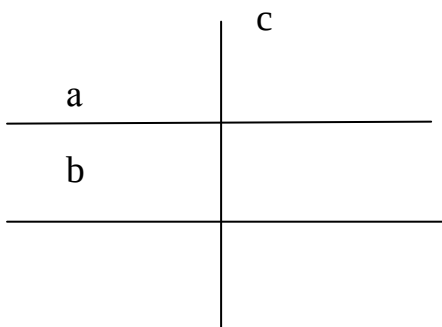
Параллельные прямые

Две не пересекающиеся прямые на плоскости называют *параллельными*.



$$AB \parallel CD$$

Если две прямые в плоскости перпендикулярны третьей прямой, то они параллельны.



$$a \perp c, b \perp c \Rightarrow a \parallel b$$

через каждую точку плоскости, не лежащую на данной прямой, можно провести только одну прямую, параллельную данной прямой.

Математика

6 класс

1. Делители и кратные . Признаки делимости
2. НОД и НОК
3. Сложение и вычитание дробей с разными знаменателями
4. Умножение и деление обыкновенных дробей
5. Отношения и пропорции
6. Длина окружности. Площадь круга.
7. Положительные и отрицательные числа. Модуль числа
8. Сложение и вычитание положительных и отрицательных чисел
9. Умножение и деление положительных и отрицательных чисел
10. Рациональные числа
11. Раскрытие скобок. Подобные слагаемые
12. Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые